

8 класс

Задача 1. Максимум через минимум. На рис. 1 приведен график зависимости координаты движущегося тела от времени движения. К сожалению, масштаб по осям оказался утерян. Но сохранилась информация, что по ходу движения максимальное значение средней путевой скорости на 20 м/с превышало ее минимальное значение. Определите, с какой максимальной скоростью v_{\max} двигалось тело. Движение тела происходило вдоль одной прямой.

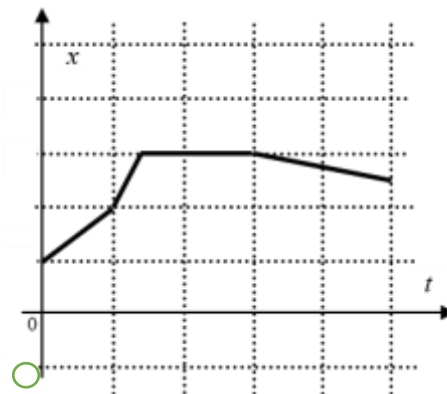


Рис. 1

Примечание: средняя путевая скорость – отношение всего пройденного пути ко всему времени движения (включая остановки).

Возможное решение (Замятнин М.). Преобразуем исходный график в зависимость пути l от времени t . Для этого сместим на одну клетку вверх ось времени и зеркально (относительно горизонтальной оси, совпадающей с участком графика $x = \text{const}$) отобразим участок, на котором координата уменьшается (рис. 2).

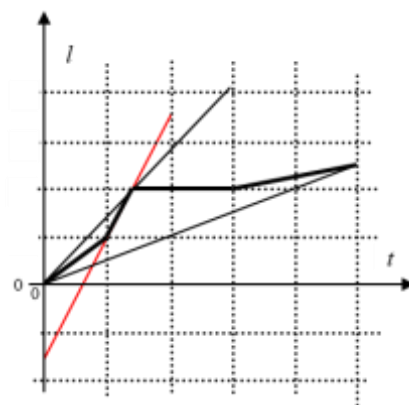


Рис. 2

Средняя скорость тела в произвольный момент времени движения однозначно связана с угловым коэффициентом наклона прямой, проведенной из начала координат в соответствующую точку графика. Следовательно, прямые, имеющие наибольший и наименьший угол наклона, проведенные из начала координат и касающиеся полученного графика, определяют максимальную и минимальную среднюю скорость тела.

Пусть цена деления на оси пути l_0 , а на оси времени τ . Тогда через них можно выразить максимальную и минимальную среднюю скорость: $\bar{v}_{\max} = 3l_0 / (2\tau)$, $\bar{v}_{\min} = l_0 / (2\tau)$.

Тело двигалось быстрее всего на втором участке, так как соответствующий участок графика имеет наибольший угол наклона: $v_{\max} = 5l_0 / (2\tau)$. По условию $\bar{v}_{\max} - \bar{v}_{\min} = l_0 / \tau = 20$ м/с, следовательно, $v_{\max} = (5/2)(l_0 / \tau) = 50$ м/с. (допустимый разброс значений от 40 до 60 м/с)

Критерии оценивания

- | | |
|--|----------------|
| 1) Установлена связь средней скорости с углом наклона прямых, проведенных из начала координат на графике зависимости пути от времени | 2 балла |
| 1. Построен график зависимости пути от времени | 2 балла |
| 2. Найдены точки, в которых средняя скорость максимальна и минимальна | 2 балла |

18 января, на портале <http://abitru.net/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abitru.net/vseros>

- | | |
|---|----------------|
| 3. Найден участок, на котором скорость тела максимальна | 2 балла |
| 4. Получено численное значение максимальной скорости | 2 балла |

18 января, на портале <http://abitu.net/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00. Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abitu.net/vseros>

Задача 2. Ограниченное равновесие! На двух нитях висит однородный стержень массы M . К его левому краю прикреплена нить, перекинутая через подвижный блок, который удерживает груз (рис. 1). При каких значениях массы m этого груза система будет находиться в равновесии. Массой блока и нитей можно пренебречь. Отметки на стержне делят его на семь равных частей.

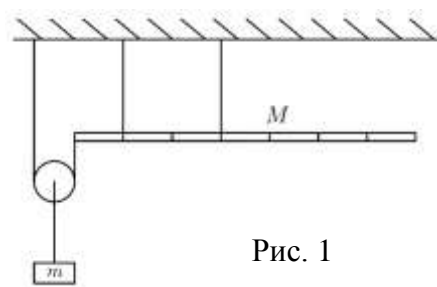


Рис. 1

Возможное решение (Юдин И.). Обозначим через l длину одного фрагмента стержня. Если масса груза будет слишком большой, то стержень начнёт поворачиваться вокруг точки крепления к левой нити. Условие равновесия стержня найдём по правилу моментов (относительно этой точки):

$$\frac{m_A g}{2} l = Mg \cdot 2,5l. \quad \text{Отсюда} \quad m_A = 5M.$$

Если масса груза будет слишком мала, то стержень начнёт поворачиваться вокруг точки крепления к правой нити. Условие равновесия стержня найдём по правилу моментов (относительно этой точки):

$$\frac{m_B g}{2} 3l = Mg \cdot 0,5l. \quad \text{Отсюда} \quad m_B = M / 3.$$

Таким образом, система будет находиться в равновесии при условии:

$$M / 3 \leq m \leq 5M.$$

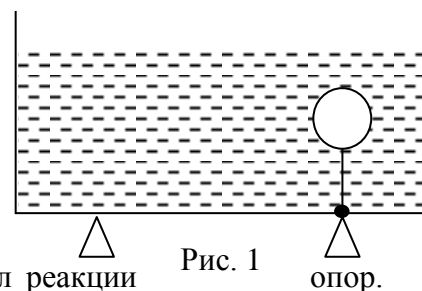
Критерии оценивания

- | | |
|--|----------------|
| 1) Применено правило моментов относительно одной из точек крепления стержня (по 2 балла за каждую из двух точек) | 4 балла |
| 2) Найдено ограничение массы груза «сверху» | 2 балла |
| 3) Найдено ограничение массы груза «снизу» | 2 балла |
| 4) Записано итоговое неравенство | 2 балла |

18 января, на портале <http://abitunet/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abitunet/vseros>

Задача 3. Шарик на нити. Легкий цилиндрический сосуд с жидкостью стоит на двух симметричных опорах. Над одной из них внутри сосуда привязан к дну полностью погруженный в жидкость шарик объемом $V = 10 \text{ см}^3$ и плотностью $\rho = 500 \text{ кг/м}^3$ (рис. 1). Плотность жидкости в



сосуде равна $\rho_0 = 1200 \text{ кг/м}^3$. Найдите модуль разности сил реакции

Рис. 1

опор.

Возможное решение (Замятнин М.). Расставим силы, действующие на сосуд: F – сила давления на дно, действующая со стороны воды, T – сила натяжения нити, N_1 и N_2 – силы реакций опор (рис. 2).

Запишем правило моментов относительно точки А:

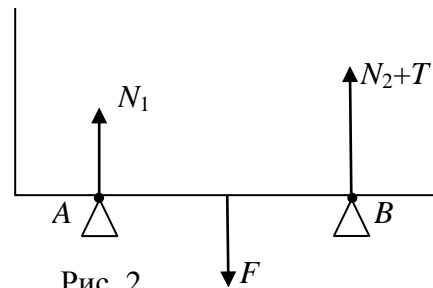


Рис. 2

Запишем правило моментов относительно точки В:

— , где H – уровень воды в сосуде, S – площадь поперечного сечения сосуда, m – масса воды в сосуде.

Запишем условие равновесия для шарика:

(*)

Решая систему получим:

Решая полученную систему уравнений, найдём:

$= 70 \text{ мН}$.

Возможное решение (2). Если для правила моментов в качестве полюса взять точку приложения силы F , то уравнения упрощаются (в частности, не нужно искать силу F).

$N_1 l = (N_2 + T) l$, откуда $N_1 - N_2 = t$. С учётом уравнения (*) получим искомое уравнение.

Критерии оценивания (1)

1) Записано правило моментов относительно полюса (А)	1 балл
2) Записано правило моментов относительно полюса (В)	1 балл
3) Записано условие равновесия для шарика	1 балла
4) Получено выражение для силы F	2 балла
5) Найдена реакция опоры N_1	2 балла
6) Найдена реакция опоры N_2	2 балла
7) Получен ответ	1 балл

18 января, на портале <http://abitunet/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

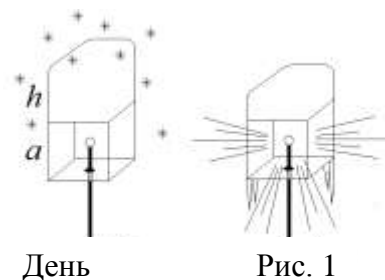
Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abitunet/vseros>

Критерии оценивания (2)

- | | |
|---|----------------|
| 1) Записано правило моментов относительно точки приложения силы F | 3 балла |
| 2) Из этого уравнения получено выражение на | 2 балла |
| 3) Записано уравнение (*) | 3 балл |
| 4) Получен ответ (формула и число) | 2 балла |

18 января, на портале <http://abit.net/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.
Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abit.net/vseros>

Задача 4. Уличный фонарь. Уличный фонарь представляет собой прозрачный куб ребром $a = 20$ см, в центр которого помещена небольшая лампочка мощностью $P = 100$ Вт. После снегопада на фонаре появилась "шапка" из снега высотой $h = a$. Наступила оттепель. Температура воздуха установилась около 0°C . За темное время суток ($\tau = 10$ часов), пока светил фонарь, "шапка" наполовину растаяла (рис. 1). Считая, что снег отражает примерно $\alpha = 90\%$ света, определить его пористость ε (пористость снежного пласта равно отношению объёма, занятого воздухом, к общему объёму снежного пласта). Удельная теплота плавления льда $\lambda = 335$ кДж/кг, плотность льда $\rho = 900$ кг/м³. Считать снежную "шапку" непрозрачной.



Возможное решение (Бабинцев В.). Шестая часть энергии лампы попадает на снег. Десятая часть энергии, попавшей на снег, поглощается и идет на плавление снега.

Отсюда масса расплавившегося льда (снега) в "шапке"

Тогда объём воздуха в расплавившейся части "шапки"

Пористость по определению

Критерии оценивания

- | | |
|---|----------------|
| 1) Отмечено, что шестая часть энергии лампы попадает на снег «шапки» | 2 балла |
| 2) Подсчитана энергия, которая расходуется на плавление снега «шапки» | 2 балла |
| 3) Подсчитана масса снега в расплавившейся части «шапки» | 2 балла |
| 4) Найден объём воздуха в расплавившейся части «шапки» | 2 балла |
| 5) Подсчитана пористость снега | 2 балла |

18 января, на портале <http://abitunet/vseros> будет проведён онлайн-разбор решений задач теоретического тура. Начало разбора (по московскому времени): 7 класс – 11.00; 8 класс – 12.00; 9 класс – 13.00; 10 класс – 14.30; 11 класс – 16.00.

Для участия в разборе необходимо зарегистрироваться на портале <http://abitunet/vseros>